



Cäsar und die modulare Arithmetik

Welcher Zusammenhang besteht zwischen dem Cäsar-Verfahren und der Modulo-Rechnung? Bearbeite dazu folgende Aufgaben.

1. Ergänze die Cäsar-Tabelle für den Schlüssel $s=9$ (Erinnerung: Wir verschieben nach links.)

A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z

2. Verschlüsse nun: G U T verschlüsselt mit $s=9$: _____
3. Statt mit Buchstaben arbeiten wir nun mit Zahlen. Die Verschlüsselung soll durch eine Rechenoperation ausgedrückt werden. Ordne dazu jedem Buchstaben zunächst eine Zahl zu, beginnend bei 0.

A B C D E F G H I J K L M N O P Q R S T U V W X Y Z
0 1

4. Verschlüsse nun mit dem folgenden Verfahren:
Schreibe den Buchstaben als Zahl \rightarrow addiere den Schlüssel \rightarrow schreibe als Buchstaben

G	\rightarrow	\rightarrow	\rightarrow
U	\rightarrow	\rightarrow	\rightarrow
T	\rightarrow	\rightarrow	\rightarrow

5. Beschreibe, welches Problem bei U und T auftritt.
6. Beschreibe, wie man das Problem mit Hilfe der modulo-Rechnung lösen kann.
7. Stelle einen einzigen Term auf, mit dem sich die Nummer des verschlüsselten Buchstaben aus der Nummer des unverschlüsselten Buchstaben berechnen lässt (auch für die Problemfälle)

8. Stelle ebenso einen Term für die Entschlüsselung auf. Überprüfe deine Formel für obiges Beispiel.

9. Erinnere dich an die Regel: Statt den Kryptotext mit den Schlüssel zu entschlüsseln kann man den Kryptotext mit $(26 - \text{Schlüssel})$ verschlüsseln.

Was bedeutet das in der Modulo-Rechnung?

10. In welchen anderen Krypto-Verfahren, die du kennengelernt hast, findet sich die Modulo-Rechnung wieder?
11. Verschlüssele SUPER mit dem Schlüssel 15 im Cäsar-Verfahren herkömmlich und mit Hilfe der Modulo-Rechnung.