**Klausuren K6 Ergänzung Stochastik**

**AUFGABE 3** Ein multiple- choice- Test besteht aus 20 Fragen mit jeweils 4 Antwort-

möglichkeiten. Dabei ist jeweils genau eine Antwort richtig.

a) Berechnen Sie die Wahrscheinlichkeit dafür, dass jemand durch reines Raten

mindestens fünf Fragen richtig beantwortet.

b) Der Lehrer überlegt sich, ab wie vielen richtig beantworteten Fragen der Test als

bestanden gilt. Er möchte erreichen, dass die Wahrscheinlichkeit dafür, dass

jemand den Test durch reines Raten besteht, höchstens 5% beträgt.

Bestimmen Sie die kleinste Anzahl von richtigen Antworten, mit der der Test als

bestanden gilt, damit seine Bedingung erfüllt ist.

**Mögliche Aufgabenstellung 1:**

c) Eva möchte die Fragen des multiple- choice- Tests durch reines Raten beantwort-en. Dies möchte Sie mit einem geeigneten Zufallsexperiment simulieren.

Beschreiben Sie, wie sie unter Verwendung eines Behälters und verschieden

farbigen Kugeln dieses Zufallsexperiment durchführen könnte.

**Mögliche Lösung:**

Man legt eine grüne, eine rote, eine schwarze und eine weiße Kugel in eine Schüs-

sel. Man zieht dann zufällig eine Kugel aus der Schüssel. Zieht man die grüne Kugel,

dann kreuzt sie bei Frage 1 die Antwortmöglichkeit 1 an. Analog geht man bei den

anderen Farben vor:

„rot“: Antwortmöglichkeit 2

„schwarz“: Antwortmöglichkeit 3

„weiß“: Antwortmöglichkeit 4

Danach legt man die Kugel zurück in die Schüssel und führt diesen Vorgang insgesamt 20 Mal durch.

**Mögliche Aufgabenstellung 2:**

c) Bei einem anderen multiple- choice-Test, bei dem auch bei jeder Frage genau eine

Antwort korrekt ist, gilt für das Ereignis A:



Beschreiben Sie wie dieser Test aufgebaut ist und formulieren Sie ein entsprech-

endes Ereignis A in Worten.

**Mögliche Lösung:**

Der Test besteht aus 30 Fragen mit jeweils 8 Antwortmöglichkeiten.

A: „Ein Kandidat beantwortet durch Raten mindestens acht Aufgaben richtig“.

**Mögliche Aufgabenstellung 3:**

c) Im weiteren Verlauf wird der Test so abgeändert, dass die Anzahl der Fragen um

einen Faktor k vervielfacht wird. Weiterhin soll die Wahrscheinlichkeit für ein

Bestehen des Tests durch reines Raten bei höchstens 5% liegen.

Es wird vermutet, dass man die kleinste Anzahl an richtigen Antworten, mit der der

Test als bestanden gilt, ebenfalls durch Vervielfachen der Anzahl aus Aufgabenteil

b) mit dem Faktor k erhält.

Begründen Sie, dass diese Vermutung falsch ist.

**Mögliche Lösung:**

In b) hat man ausgerechnet, dass die kleinste Anzahl an richtigen Antworten unter

den beschriebenen Vorgaben 9 lauten muss.

Wenn man die Anzahl an Fragen zum Beispiel auf 200 verzehnfacht, so erhält man

unter der Vorgabe, dass das Bestehen des Tests durch reines Raten bei höchstens

5% liegt, dass man mindestens 61 Fragen verlangen muss.

Verzehnfacht man hingegen, wie in der Behauptung das Ergebnis aus b), so läge die

Grenze bei mindestens 90 Fragen.

Daher ist die Vermutung nicht allgemeingültig.